

Mesure de la biodiversité et de la structuration spatiale de l'activité économique par l'entropie

14 janvier 2018

Motivation

L'entropie

Applications

Conclusion

Motivation

La question

Comment mesurer la structuration spatiale en espace discret?

Applications :

- mesure de la biodiversité ;
- mesure de la concentration spatiale et de la spécialisation en économie géographique.

Les outils

Motivation

L'entropie

Applications

Conclusion

L'entropie mesure :

- le désordre (physique statistique, 19^{ème} siècle) ;
- l'incertitude (théorie de l'information, Shannon 1948) ;
- l'inégalité (Theil 1967).

La présentation

Les méthodes utilisées :

- L'entropie classique ;
- Sa généralisation ;
- Les nombres effectifs.

Transfert des développements de la littérature sur la biodiversité à l'économie géographique.

Motivation

L'entropie

Applications

Conclusion

L'entropie

Définir le désordre

A l'origine, Carnot (1824)

- Second principe de la thermodynamique.

Précisément :

- Transfert de chaleur, dQ , à somme nulle (1^{er} principe) ;
- Tiédissement : dQ/T , à somme positive (2nd principe).
Augmentation du désordre.

Remarque : l'entropie est définie par sa variation (étymologie: *transformation*).

Boltzmann

Un gaz est un ensemble de particules, chacune ayant plusieurs états possibles. L'entropie est proportionnelle au logarithme du nombre d'états possibles de l'ensemble des particules (1877, traduit par Sharp and Matschinsky 2015).

Lien avec le second principe.



Mesurer le désordre

Définition d'une chaîne de caractères :

- longueur n ;
- alphabet probabilisé.

Exemple :

- 3 lettres, $\{a, b, c\}$, fréquences $(1/2, 1/3, 1/6)$;
- Combien de chaînes de 60 caractères ?
- Le logarithme du nombre de chaînes est n fois l'entropie : 61.

L'entropie de Shannon mesure la complexité de la distribution de $\{a, b, c\}$, indépendamment de la longueur de la chaîne : 1.01

Mesurer l'incertitude

Expérience à plusieurs résultats possibles.

- La probabilité d'obtenir r_s est p_s .

Fonction d'information : $I(p_s)$, entre $I(0) = +\infty$ et $I(1) = 0$.

- Définition : la rareté est $1/p_s$.
- Le logarithme de la rareté est la fonction d'information de Shannon.

L'information apportée par l'ensemble des individus est l'entropie de Shannon:

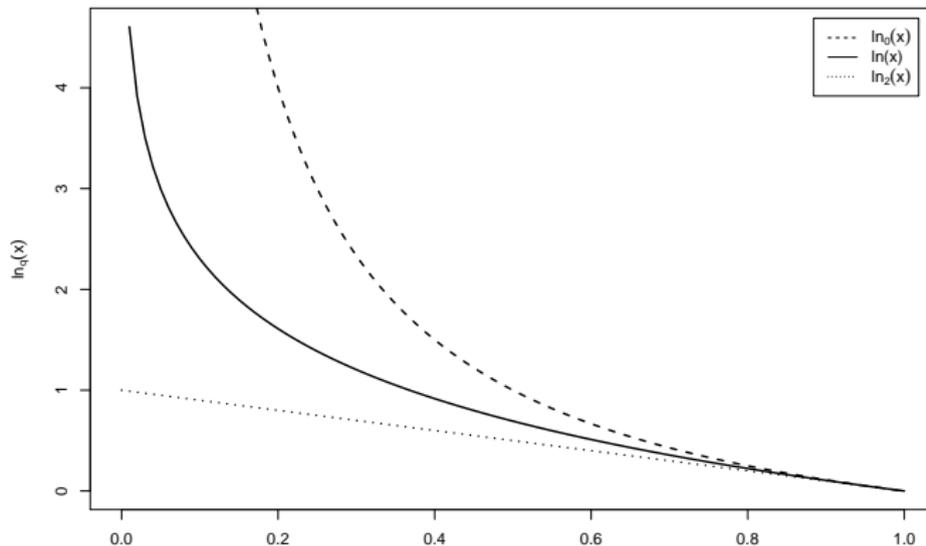
$$\sum_s p_s \ln \frac{1}{p_s}$$

Entropie généralisée

Autres entropies : Rényi, Shorrocks... Tsallis (1988)

Paramétriques.

Logarithme déformé :



Formalisation

L'entropie de Tsallis est la moyenne du logarithme (déformé, d'ordre q) de la rareté.

L'ordre q donne une importance plus ou moins grande aux petites probabilités.

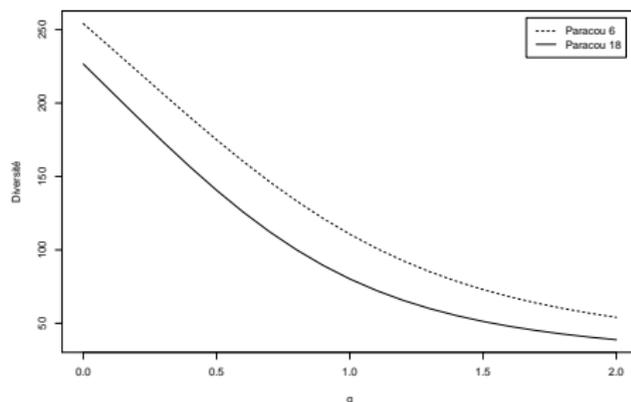
- Entropie d'ordre 0 : le nombre de catégories (-1) ;
- Entropie d'ordre 1 : Shannon ;
- Entropie d'ordre 2 : Simpson (1-Herfindahl).

Nombres de Hill

Nombre de catégories équiprobables de même entropie que celle du système observé (Hill 1973).

Exponentielle de l'entropie.

Profil de diversité :



Entropie relative

Ecart d'une distribution observée à une distribution attendue.

- Divergence de Kullback-Leibler ;
- Entropie relative de Theil.

Généralisation à l'ordre q (Marcon et al. 2014).

Si la distribution attendue est la moyenne des distributions (assemblage) alors différence entre l'entropie de l'assemblage et celle de chaque système.

Transformation en nombres de Hill détaillée plus tard.

Mesure de la
diversité et
de la
structuration
spatiale de
l'activité
économique
par l'entropie

Motivation

L'entropie

Applications

Conclusion

Applications

Questions similaires

Biodiversité :

- Nombres d'arbres par espèces dans un habitat forestier : biodiversité.
- Nombres d'arbres par habitat pour une espèce : ubiquité.

Application : 19 industries, 25 pays.

Economie :

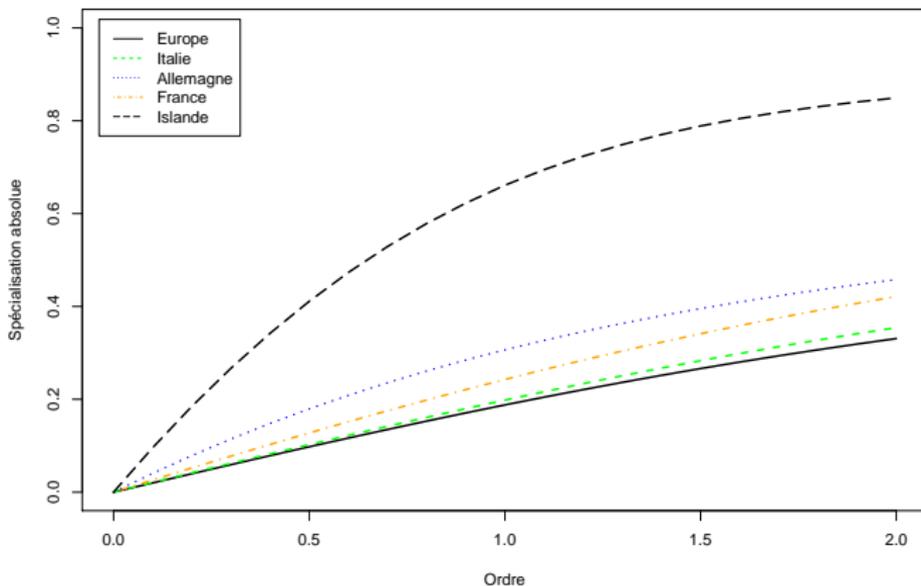
- Nombre d'employés par secteur industriel dans un pays : diversité = contraire de la spécialisation.
- Nombre d'employés par pays pour un secteur : ubiquité = contraire de la concentration spatiale.

	AT	BE
C10	71924	85083
C11	9319	9814
C13	8665	17329
C14	6212	3495
C16	32762	11271
C17	17078	11044

Spécialisation absolue

Transformation simple :

$$\frac{(\text{Maximum possible} - \text{Valeur})}{(\text{Maximum possible} - 1)}$$



Décomposition de l'entropie

Exemple : entropie des pays (diversité des secteurs)

- Entropie de l'Europe = moyenne des (entropies absolues + entropies relatives des pays).

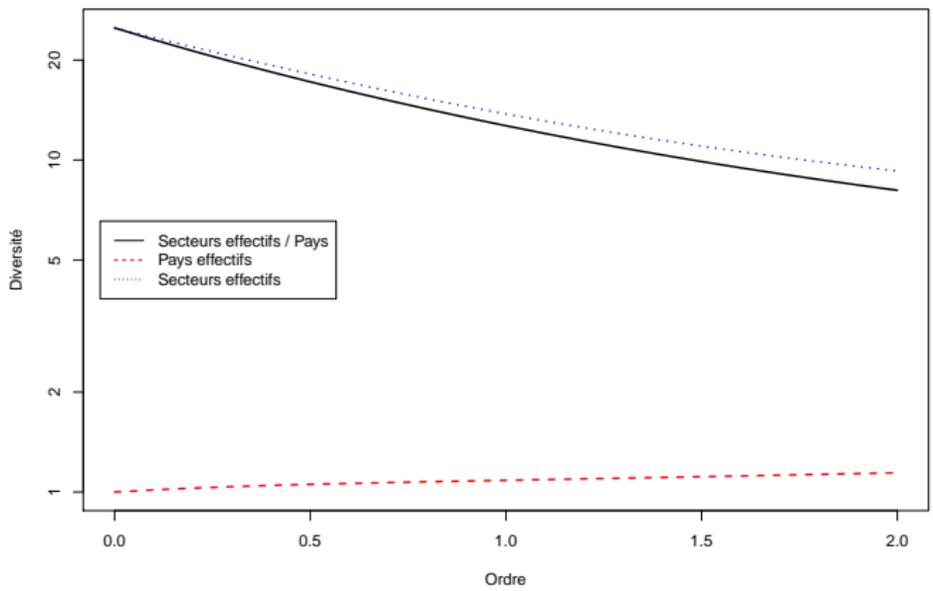
Nombre de Hill :

- Diversité de l'Europe = Diversité moyenne des pays \times nombre de pays effectifs.

Classique en écologie : diversités γ , α et β .

Exemple

Diversité des secteurs industriels en Europe :



Présentation de la diversité et de la spécialisation spatiale de l'activité économique par territoire

Motivation
 L'entropie
 Applications
 Conclusion

Décomposition de la diversité jointe

Diversité de l'ensemble des effectifs : nombres d'employés par secteur et par pays.

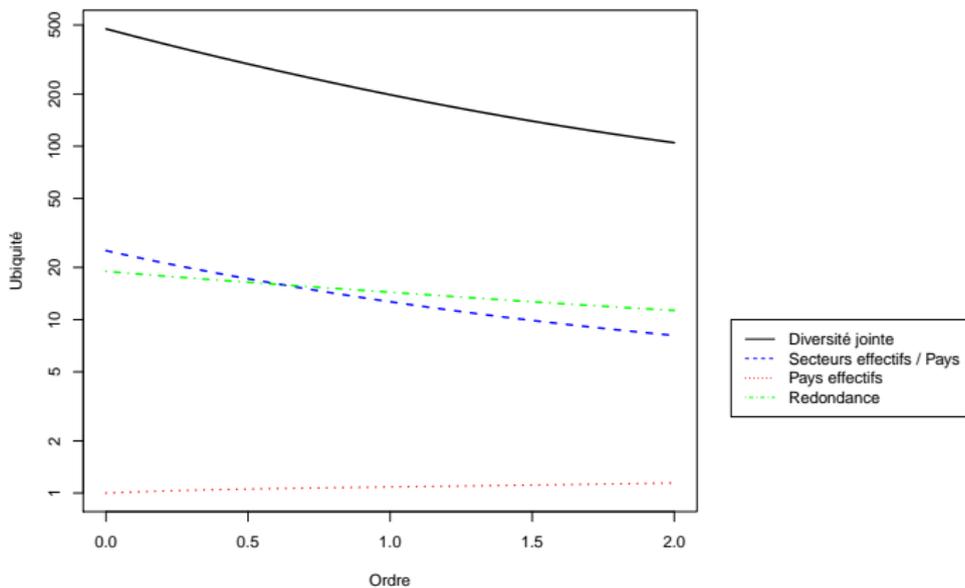
- Nombre effectif d'unités.

Décomposition de l'entropie et de la diversité similaire, un élément supplémentaire: la redondance (Gregorius 2010).

Diversité jointe = Nombre effectif de secteurs par pays x nombre de pays effectifs x *redondance des pays*.

Diversité jointe

Concentration spatiale de l'industrie européenne :



Résumés de la
 présentation et
 de la
 distribution
 spatiale de
 l'industrie
 européenne
 par continent

Motivation
 L'entropie
 Applications
 Conclusion

Motivation

L'entropie

Applications

Conclusion

Conclusion

Concepts identiques, expression contraire

Diversité \leftrightarrow Spécialisation.

Ubiquité \leftrightarrow Concentration.

Raison : mise en avant de l'aspect positif.

Absolu et relatif

Approches complémentaires dans la littérature économique.

Unification par l'entropie :

- liens étroits : significativité de l'une \iff significativité de l'autre ;
- information très différente.

Interfertilisation

De la physique à l'écologie : entropie de Tsallis.

De la théorie de l'information à l'écologie : divergence de Kullback and Leibler (1951).

De la théorie de l'information à l'économie : entropie relative de Theil.

En écologie : nombres effectifs.

En écologie théorique : redondance.

